Задача А. Треугольники

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан граф. Найдите количество циклов длины 3.

Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа n и m $(1 \leqslant n, m \leqslant 3 \cdot 10^5)$ — количество вершин и рёбер, соответственно.

Каждая из следующих m строк содержит по два целых числа от 1 до n — вершины, которые соединяет соответствующее ребро.

Гарантируется, что в графе нет петель и кратных рёбер.

Формат выходных данных

Выведите одно число — ответ.

стандартный ввод	стандартный вывод
6 6	2
1 2	
2 3	
3 1	
4 2	
3 4	
5 1	

Задача В. Фаброзавры-дизайнеры

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 15 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Фаброзавры известны своим тонким художественным вкусом и увлечением ландшафтным дизайном. Они живут около очень живописной реки и то и дело перестраивают тропинку, идущую вдоль реки: либо насыпают дополнительной земли, либо срывают то, что есть. Для того, чтобы упростить эти работы, они поделили всю тропинку на горизонтальные участки, пронумерованные от 1 до N, и их переделки устроены всегда одинаково: они выбирают часть дороги от L-ого до R-ого участка (включительно) и изменяют (увеличивают или уменьшают) высоту на всех этих участках на одну и ту же величину (если до начала переделки высоты были разными, то и после переделки они останутся разными).

Поскольку, как уже говорилось, у фаброзавров тонкий художественный вкус, каждый из них считает, что их река лучше всего выглядит с определенной высоты. Поэтому им хочется знать, есть ли поблизости от их дома место на тропинке, где высота на их взгляд оптимальна. Помогите им в этом разобраться.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два числа N и M — длину дороги и количество запросов соответственно ($1 \le N, M \le 5 \cdot 10^5$). На второй строке содержатся N чисел, разделенных пробелами — начальные высоты соответствующих частей дороги; высоты не превосходят 10^4 по модулю. В следующих M строках содержатся запросы по одному на строке.

Запрос + L R X означает, что высоту частей дороги от L-ой до R-ой (включительно) нужно изменить на X. При этом $1 \le L \le R \le N$, а $|X| \le 10^4$.

Запрос ? L R X означает, что нужно проверить, есть ли между L-ым и R-ым участками (включая эти участки) участок, где дорога проходит точно на высоте X. Гарантируется, что $1 \le L \le R \le N$, а $|X| \le 10^9$.

Формат выходных данных

На каждый запрос второго типа нужно вывести в выходной файл на отдельной строке одно слово «YES» (без кавычек), если нужный участок существует, и «NO» в противном случае.

стандартный вывод
NO
YES
YES

Задача С. Лунки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Маленький Петя очень любит играть. Больше всего он любит играть в игру «Лунки». Это игра для одного игрока со следующими правилами:

Есть N лунок, расположенных в ряд, пронумерованных слева направо числами от 1 до N. У каждой лунки изначально установлена своя сила выброса (у лунки с номером i она равна a_i). Если вбросить шарик в лунку i, то он тут же вылетит из нее и попадет в лунку $i+a_i$, после чего он опять вылелтит и т.д.. Если же лунки с таким номером нету, то он просто вылетит за край ряда. На каждом из M ходов игрок выбирает одно из двух действий:

- \bullet Установить силу выброса лунки a равной b.
- Вбросить шарик в лунку a и посчитать количество прыжков шарика, прежде чем он вылетит за край ряда, а так же записать номер лунки, после выпрыгивания из которой шарик вылетел за край.

У Пети есть некоторые проблемы с математикой, поэтому, как Вы уже догадались, именно Вам предстоит произвести все подсчеты.

Формат входных данных

Первая строка содержит два числа N и M ($1 \le N \le 10^5$, $1 \le M \le 10^5$) — количество лунок в ряду и количество ходов. Следующая строка содержит N целых положительных чисел, не превышающих N — изначальные силы выброса лунок. Следующие M строк задают ходы, сделанные Петей. Каждая строка может быть двух типов:

- 0 a b
- 1 a

Тут, первый тип означает что требуется установить силу выброса лунки a равной b, а второй означает что требуется вбросить мячик в лунку с номером a. Числа a и b — целые положительные и не превышают N.

Формат выходных данных

Для каждого хода второго типа (задающего вбрасывание шарика) в порядке следования во входном файле выведите два числа через пробел в отдельной строке — номер последней лунки перед вылетом шарика за край и количество прыжков.

стандартный ввод	стандартный вывод
8 5	8 7
1 1 1 1 1 2 8 2	8 5
1 1	7 3
0 1 3	
1 1	
0 3 4	
1 2	

Задача D. Нестабильность сети

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вася — системный администратор в большой компании под названием Глюкософт. В сети компании n компьютеров, и какие-то пары компьютеров напрямую соединены сетевыми кабелями, всего таких соединений ровно m, при чем никакой кабель не соединяет компьютер с самим собой, и между любой парой компьютеров не больше одного кабеля.

На каждом компьютере в Глюкософте установлена специальная программа, поддерживаемая разработчиками Глюкософта, под названием СетеБаг. Новые версии этой программы выходят почти каждый день, но система обновлений в компании совершенно непостижима. Так, обновление версии программы происходит не синхронно для всех компьютеров. Это происходит следующим образом — выбирается один компьютер, и на него устанавливается какая-то версия СетеБага. Поскольку система обновлений настроена очень странным образом, вполне возможно, что на компьютер установят не последнюю версию СетеБага, а какую-то другую, например, ту что уже установлена на нем, или даже какую-то более раннюю.

После нескольких месяцев работы, Вася обнаружил, что наиболее частая причина нестабильной работы сети в несовместимости версий СетеБага двух компьютеров в Глюкософте. Если два компьютера, напрямую соединенных кабелем, имеют установленный Сетебаг разных версий, то соединение между этими компьютерами нестабильно: попытка передачи данных между ними может вызвать отказ системы. Чем больше нестабильных соединений между компьютерами, тем больше вероятность отказа системы. С другой стороны, обмен данными между компьютерами с одинаковой версией СетеБага обычно не приводит ни к каким ошибкам.

Задача Васи — предотвратить и исправить ошибки в сети Глюкософта. Сделать он это может только если он находится на рабочем месте целый день. Вася хочет быть на работе, когда вероятность отказа системы достаточно высока. Он хочет распланировать свое расписание на следующий год, но оценка вероятностей отказа системы — довольно сложная задача.

Помогите Васе найти число нестабильных соединений между ком пьютерами после каждого обновления версий СетеБага.

Формат входных данных

В первой строке даны два целых числа n,m — количество компьютеров и соединений между ними $(1\leqslant n,m\leqslant 10^5).$

Во второй строке даны n целых чисел v_1, v_2, \dots, v_n — версии СетеБага, изначально установленные на компьютеры Глюкософта.

В следующих m строках даны пары целых чисел a_i, b_i — номера компьютеров, соединенных i-м кабелем $(1 \le a_i, b_i \le n, a_i \ne b_i)$. Гарантируется, что никакие два компьютера не соединены больше, чем одним кабелем.

В следующей строке дано целое число q — количество запланированных обновлений версий СетеБага ($1\leqslant q\leqslant 10^5$).

В следующих q строках даны пары целых чисел c_i, v_i — номер компьютера, на котором обновляется версия СетеБага, и новая версия СетеБага, которая установится на компьютер $(1 \le c_i \le n, 1 \le v_i' \le 10^5)$. Все обновления даны в хронологическом порядке, и никакие два обновления не происходят одновременно.

Формат выходных данных

Выведите для каждого запроса изменения одно целое число — количество нестабильных соединений сразу после очередного обновления версии СетеБага.

Школа ЦПМ 2022-2023. 3 группа. Корневые оптимизации Лучшая школа в России, 3 октября 2022

стандартный ввод	стандартный вывод
4 5	5
1 2 3 4	4
1 2	4
2 3	3
3 4	4
4 1	
1 3	
5	
1 5	
3 2	
4 4	
1 4	
2 3	
2 1	1
1 1	
1 2	
1	
1 2	

Задача Е. Мощные юнги

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Имеется список из n юнг, для каждого из которых известен его рост a_1, a_2, \ldots, a_n . Рассмотрим некоторый его подсписок $a_l, a_{l+1}, \ldots, a_r$, где $1 \le l \le r \le n$, и для каждого натурального числа s обозначим через K_s число юнг с ростом s в этом подсписке. Назовем мощностью подсписка сумму произведений $K_s \cdot K_s \cdot s$ по всем различным натуральным s. Так как количество различных чисел в массиве конечно, сумма содержит лишь конечное число ненулевых слагаемых.

Необходимо вычислить мощности каждого из t заданных подсписков.

Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа n и t $(1 \le n, t \le 200000)$ — длина списка и количество запросов соответственно.

Вторая строка содержит n натуральных чисел a_i ($1 \le a_i \le 10^6$) — рост юнг.

Следующие t строк содержат по два натуральных числа l и r $(1 \leqslant l \leqslant r \leqslant n)$ — индексы левого и правого концов соответствующего подсписка.

Формат выходных данных

Выведите t строк, где i-ая строка содержит единственное натуральное число — мощность подсписка i-го запроса.

стандартный вывод
3
6
20
20
20

Задача F. Частота строки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дана строка s. Требуется ответить на n запросов. i-й запрос состоит из целого числа k_i и строки m_i , ответом является минимальная длина строки t такой, что t является подстрокой s и строка m_i входит в t как подстрока не менее k_i раз.

Подстрокой строки называется любая последовательность подряд идущих символов в этой строке.

Гарантируется, что для любых двух запросов строки m_i из этих запросов различны.

Формат входных данных

В первой строке содержится строка s ($1 \le |s| \le 10^5$).

Во второй строке содержится целое число n ($1 \le n \le 10^5$).

В каждой из следующих n строк содержатся целое число k_i ($1 \le k_i \le |s|$) и непустая строка m_i — параметры запроса с номером i.

Все строки во вводе состоят только из строчных букв латинского алфавита. Суммарная длина всех строк во вводе не превосходит 10^5 . Все m_i различны.

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ на него в отдельной строке.

Если строка m_i встречается в s менее k_i раз, выведите -1.

стандартный ввод	стандартный вывод
aaaaa	3
5	4
3 a	4
3 aa	-1
2 aaa	5
3 aaaa	
1 aaaaa	
abbb	-1
7	2
4 b	-1
1 ab	3
3 bb	-1
1 abb	1
2 bbb	-1
1 a	
2 abbb	

Задача G. Машинное обучение

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 4 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

На курсе машинного обучения вам выдали первое домашнее задание — вам предстоит проанализировать некоторый массив из n чисел.

В частности, вы интересуетесь так называемой равномерностью массива. Предположим, что в массиве число b_1 встречается k_1 раз, $b_2 - k_2$ раз, и т.д. Тогда равномерностью массива называется такое минимальное целое число $c \ge 1$, что $c \ne k_i$ для любого i.

В рамках вашего исследования вы хотите последовательно проделать q операций.

- Операция $t_i = 1, l_i, r_i$ задаёт запрос исследования. Необходимо вывести равномерность массива, состоящего из элементов на позициях от l_i до r_i включительно.
- Операция $t_i = 2$, p_i , x_i задаёт запрос уточнения данных. Начиная с этого момента времени p_i -му элементу массива присваивается значения x_i .

Формат входных данных

Первая строка содержит n и q $(1 \le n, q \le 100\,000)$ — размер массива и число запросов соответственно

Во второй строке записаны ровно n чисел — $a_1, a_2, ..., a_n \ (1 \le a_i \le 10^9)$.

Каждая из оставшихся q строк задаёт очередной запрос.

Запрос первого типа задаётся тремя числами $t_i=1,\ l_i,\ r_i,\ r$ де $1\leqslant l_i\leqslant r_i\leqslant n$ — границы соответствующего отрезка.

Запрос второго типа задаётся тремя числами $t_i=2,\ p_i,\ x_i,\$ где $1\leqslant p_i\leqslant n-$ позиция в которой нужно заменить число, а $1\leqslant x_i\leqslant 10^9-$ его новое значение

Формат выходных данных

Для каждого запроса первого типа выведите одно число — равномерность соответствующего отрезка массива.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
10 4	2
1 2 3 1 1 2 2 2 9 9	3
1 1 1	2
1 2 8	
2 7 1	
1 2 8	

Замечание

Первый запрос состоит из ровно одного элемента — 1. Минимальное подходящее c=2.

Отрезок второго запроса состоит из четырёх 2, одной 3 и двух 1. Минимальное подходящее c=3.

Отрезок четвёртого запроса состоит из трёх 1, трёх 2 и одной 3. Минимальное подходящее c=2.

Задача Н. МЕХ на пути

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано дерево, на каждом ребре которого написано неотрицательное целое число. Вам необходимо ответить на несколько запросов вида «для данных вершин u, v назовите наименьшее неотрицательное целое число, которое **не** встречается среди чисел, написанных на ребрах на пути от u до v».

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит два числа n и q ($2 \le n \le 10^5$, $1 \le q \le 10^5$), количество вершин и количество запросов.

Следующие n-1 строк содержат по три числа $u_i, v_i, x_i \ (1 \le u_i, v_i \le n, u_i \ne v_i, 0 \le x_i \le 10^9)$, которые описывают ребро дерева (u_i, v_i) , на котором написано число x_i .

Следующие q строк содержат по паре чисел a_j , b_j $(1 \le a_j, b_j \le n)$, которая обозначает запрос на пути от a_j до b_j .

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите единственное число $\,-\,$ минимальное число, которое не встречается на пути.

стандартный ввод	стандартный вывод
7 6	0
2 1 1	1
3 1 2	2
1 4 0	2
4 5 1	3
5 6 3	3
5 7 4	
1 3	
4 1	
2 4	
2 5	
3 5	
3 7	

Задача І. Глеб и медиана

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.3 секунд Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Глеб устал от побитового исключающего «или» и решил, что пора найти новую интересную функцию. Его выбор пал на медиану. Напомним, медианой массива называется число, которое окажется посередине, если массив упорядочить по возрастанию. В рамках этой задачи для массивов чётной длины положим медиану равной левому из двух центральных в отсортированном порядке элементов.

Для некоторого числа m назовём m-разбиением массива такое его разбиение на непересекающиеся отрезки, что на каждом из этих отрезков медиана больше либо равна m. Вам дан массив a длины n и q запросов двух видов:

- 1. присвоить элементу с индексом i значение x;
- 2. найти наибольшее число k такое, что для подотрезка массива с индексами от l до r существует m-разбиение на k отрезков.

Формат входных данных

В первой строке дается число n $(1 \le n \le 2 \cdot 10^5)$ - размер массива. В следующей строке вводятся n чисел a_i $(1 \le a_i \le 10^9)$ - элементы массива, на следующей строке вводится число q $(1 \le q \le 2 \cdot 10^5)$ - количество запросов. В следующих q строках даются запросы, каждый в одном из следующих форматов:

- 1 i x запрос 1 типа $(1 \le i \le n, 1 \le x \le 10^9)$;
- 2 m l r запрос 2 типа $(1\leqslant m\leqslant 10^9, 1\leqslant l\leqslant r\leqslant n).$

Формат выходных данных

Для каждого запроса второго типа в отдельной строке выведите ответ на запрос. В случае если для отрезка не существует никакого m-разбиения, выведите 0.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	1
1 2 3 4 5	0
4	2
2 2 1 3	
1 1 5	
2 5 1 5	
2 4 4 5	

Замечание

Даже не пытайтесь тут запихать что-то кроме корневой

Задача Ј. Подарок

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

У Пети есть набор из n карточек, на которых написаны положительные целые числа. Он хочет подарить какие-то из этих карточек Васе. Чтобы подарок выглядел солидно, Петя хочет, чтобы произведение чисел на подаренных карточках было не меньше k. Сколько различных способов выбрать подарок есть у Пети? (способы считаются различными, если есть карточка, которая есть в одном наборе, но нет в другом). Так как ответ может быть слишком большим, выведите его по модулю $10^9 + 7$.

Формат входных данных

Первая строка содержит числа n и k. $(1 \le n \le 1000, 2 \le k \le 10^9)$. Вторая строка содержит числа a_i , написанные на карточках $(1 \le a_i \le 10^9)$.

Формат выходных данных

Выведите число способов выбрать подарок по модулю $10^9 + 7$.

стандартный ввод	стандартный вывод
3 5	5
2 3 10	
5 10	16
2 2 7 1 3	

Задача К. Запросы композиции перестановок

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Вам дан массив a_1, \ldots, a_n , состоящий из перестановок длины m.

Мы можем определить операцию + для двух перестановок x и y длины m как такую перестановку z = x + y, что $z_i = y_{x_i}$ для всех $1 \le i \le m$. Заметьте, что порядок сложения важен.

Вам даны q запросов, каждый запрос задается двумя числами $1 \leqslant l \leqslant r \leqslant n$. Рассмотрим перестановку b длины m, такую что $b = ((\dots((a_l + a_{l+1}) + a_{l+2}) + \dots) + a_r)$. Тогда ответом на запрос будет являться сумма $\sum_{i=1}^m i \cdot b_i$. Реализуйте программу, быстро отвечающую на эти запросы.

Формат входных данных

Первая строка содержит единственное целое число t равное количеству тестовых случаев ($1 \le t \le 1000$). Далее следует описание t тестовых случаев, каждое в следующем формате:

Первая строка каждого описания содержит два целых числа $n, m \ (1 \leqslant n, m \leqslant 10^5 \text{ и} 1 \leqslant n \cdot m \leqslant 2 \cdot 10^5)$. Следующие n строк содержат по m различных целых чисел $a_{i1}, a_{i2}, \ldots, a_{iM},$ разделенных пробелами $(1 \leqslant a_{ij} \leqslant m)$. Следующая строка содержит единственное целое число $q \ (1 \leqslant q \leqslant 2 \cdot 10^5)$. Следующие q строк содержат по два целых числа l, r, разделенных пробелами $(1 \leqslant l \leqslant r \leqslant n)$.

Гарантируется, что сумма $n \cdot m$ и сумма q по всем тестовым случаям не превосходит $2 \cdot 10^5$.

Формат выходных данных

Выведите ответы на запросы в том порядке, к котором они заданы во входных данных.

стандартный ввод	стандартный вывод
1	10
4 3	11
3 2 1	11
1 3 2	14
1 2 3	11
2 3 1	
5	
1 1	
1 4	
3 4	
3 3	
1 3	

Задача L. Жесть

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 15 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дам массив из N чисел. Нужно уметь обрабатывать 3 типа запросов:

- \circ get(L, R, x) сказать, сколько элементов отрезка массива [L.R] не меньше x.
- \circ set(L, R, x) присвоить всем элементам массива на отрезке [L..R] значение x.
- \circ reverse(L, R) перевернуть отрезок массива [L..R].

Формат входных данных

Число N ($1 \le N \le 5 \cdot 10^5$) и массив из N чисел. Далее число запросов M ($1 \le M \le 5 \cdot 10^5$) и M запросов. Формат описания запросов предлагается понять из примера. Для всех отрезков верно $1 \le L \le R \le N$. Исходные числа в массиве и числа x в запросах — целые от 0 до 10^9 .

Формат выходных данных

Для каждого запроса типа get нужно вывести ответ.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
1 2 3 4 5	1
6	3
get 1 5 3	1
set 2 4 2	
get 1 5 3	
reverse 1 2	
get 2 5 2	
get 1 1 2	